

## UKŁADY NIEPRZESUWNE






### WZORY TRANSFORMACYJNE DLA PRĘTA PROSTEGO – teoria rzędu 1-go

$$M_{ij} = \frac{EI_{ij}}{L_{ij}} \cdot (a_{ij} \cdot \varphi_{ij} + b_{ij} \cdot \varphi_{ji}) + M_{ij}^o, \quad M_{ji} = \frac{EI_{ij}}{L_{ij}} \cdot (a_{ji} \cdot \varphi_{ji} + b_{ji} \cdot \varphi_{ij}) + M_{ji}^o,$$

$$V_{ij} = \frac{EI_{ij}}{L_{ij}^2} \cdot (-c_{ij} \cdot \varphi_{ij} - c_{ji} \cdot \varphi_{ji}) + V_{ij}^o, \quad V_{ji} = \frac{EI_{ij}}{L_{ij}^2} \cdot (-c_{ij} \cdot \varphi_{ij} - c_{ji} \cdot \varphi_{ji}) + V_{ji}^o$$

gdzie  $a_{ij}$ ,  $a_{ji}$ ,  $b_{ij} = b_{ji}$ ,  $c_{ij} = a_{ij} + b_{ji}$ ,  $c_{ji} = a_{ji} + b_{ij}$ , są współczynnikami zależnymi od typu pręta.

Współczynniki te dla wybranych typów prętów o stałej sztywności zestawiono w tabeli poniżej

i	j	$a_{ij}$	$a_{ji}$	$b_{ij} = b_{ji}$	$c_{ij} = a_{ij} + b_{ji}$	$c_{ji} = a_{ji} + b_{ij}$
		4	4	2	6	6
		3	0	0	3	0
		1	1	-1	0	0
		0	0	0	0	0
		0	0	0	0	0

Szczegółowe postaci wzorów wg teorii rzędu 1-go dla wybranych typów prętów o stałej sztywności zestawiono poniżej

$$i \text{---} j \quad M_{ij} = \frac{EI_{ij}}{L_{ij}} \cdot (4 \cdot \varphi_{ij} + 2 \cdot \varphi_{ji}) + M_{ij}^o, \quad M_{ji} = \frac{EI_{ij}}{L_{ij}} \cdot (4 \cdot \varphi_{ji} + 2 \cdot \varphi_{ij}) + M_{ji}^o,$$

$$V_{ij} = \frac{EI_{ij}}{L_{ij}^2} \cdot (-6 \cdot \varphi_{ij} - 6 \cdot \varphi_{ji}) + V_{ij}^o, \quad V_{ji} = \frac{EI_{ij}}{L_{ij}^2} \cdot (-6 \cdot \varphi_{ij} - 6 \cdot \varphi_{ji}) + V_{ji}^o,$$

$$i \text{---} j \quad M_{ij} = \frac{EI_{ij}}{L_{ij}} \cdot (3 \cdot \varphi_{ij}) + M_{ij}^o, \quad M_{ji} = 0,$$

$$V_{ij} = \frac{EI_{ij}}{L_{ij}^2} \cdot (-3 \cdot \varphi_{ij}) + V_{ij}^o, \quad V_{ji} = \frac{EI_{ij}}{L_{ij}^2} \cdot (-3 \cdot \varphi_{ij}) + V_{ji}^o,$$

$$i \text{---} j \quad M_{ij} = \frac{EI_{ij}}{L_{ij}} \cdot (\varphi_{ij} - \varphi_{ji}) + M_{ij}^o, \quad M_{ji} = \frac{EI_{ij}}{L_{ij}} \cdot (\varphi_{ji} - \varphi_{ij}) + M_{ji}^o,$$

$$V_{ij} = V_{ij}^o, \quad V_{ji} = 0,$$

$$i \text{---} j \quad M_{ij} = M_{ij}^o, \quad M_{ji} = 0, \quad V_{ij} = V_{ij}^o, \quad V_{ji} = 0$$

$$i \text{---} j \quad M_{ij} = 0, \quad M_{ji} = 0, \quad V_{ij} = V_{ij}^o, \quad V_{ji} = V_{ji}^o.$$